

JKU

**JOHANNES KEPLER
UNIVERSITY LINZ**

Praktische Informatik 2



Übung, 2017S
Institut für System Software (SSW)
DI Eisl & DI Leopoldseder



Ablauf

1. Fragen Übung 3
2. Fragen VO (Traversieren & Balancieren)
3. Übung 4
 - a. Implementierung Traversierung
 - b. Implementierung Binärbaum aus InOrder + PreOrder bauen

Übung 4 - Traversieren & Balancieren

Übung Praktische Informatik 2

SS2017

Übung 4: Traversierung & Balancieren

Abgabetermin: 04.04.2017

Name:

Matrikelnummer:

Gruppe: G1 Di 10:15-11:00

G2 Di 11:00-11:45

G3 Di 12:45-13:30

Aufgabe	Punkte	gelöst	abzugeben schriftlich	abzugeben elektronisch	Korr.	Punkte
Aufgabe 1	6	<input type="checkbox"/>	Java-Programm	Projekt Archiv	<input type="checkbox"/>	
Aufgabe 2	12	<input type="checkbox"/>	Java-Programm	Projekt Archiv	<input type="checkbox"/>	
Aufgabe 3	6	<input type="checkbox"/>	Zeichnung nach jedem Schritt	Zeichnung nach jedem Schritt	<input type="checkbox"/>	

Aufgabe 1: Traversieren eines Binärbaums (6 Punkte)

Implementieren Sie verschiedene Binärbaum Traversierungen in der Klasse `BinaryTreeUtil`. Die Klasse definiert Methoden zur **PreOrder**, **InOrder** & **PostOrder** Traversierung eines Binärbaums. Diese Methoden bekommen als Parameter ein `BinaryTreeSet` (aus der Übung 3) und bauen ein `int[]` Array auf, das die Werte der Knoten in ihrer Traversierungsreihenfolge enthält. Testen Sie Ihre Implementierung am Beispiel Baum aus dem Anhang.

Die Methoden liefern für den Beispiel Baum (siehe Anhang) folgende Ergebnisse:

- InOrder : [0, 1, 3, 4, 5, 6, 7, 8]
- PreOrder : [4, 1, 0, 3, 5, 6, 7, 8]
- PostOrder : [0, 3, 1, 8, 7, 6, 5, 4]

Abzugeben in: Projekt Archiv

Aufgabe 2: Aufbauen eines Binärbaums mit Hilfe gegebener Traversierung (12 Punkte)

Implementieren Sie die Methode `buildTree()` in der Klasse `BinaryTreeBuilder` die aus einer gegebenen **InOrder** und **PreOrder** Traversierung einen allgemeinen (nicht zwingendmaßen sortierten) Binärbaum aufbaut. `buildTree` bekommt die InOrder- und PreOrder Traversierung als `int[]` Arrays übergeben. Beachten Sie, dass bei gegebener InOrder- und PreOrder Traversierung der ursprüngliche Binärbaum (der die gegebenen Traversierungsreihenfolgen produziert hat) wieder aufgebaut werden kann.

Abzugeben in: Projekt Archiv

Aufgabe 3: Wurzel-Balancieren eines Binärbaums (6 Punkte)

Simulieren sie das Balancieren des Beispiel Binärbaums (siehe Anhang) unter Zuhilfenahme des in der Vorlesung präsentierten Algorithmus. Starten Sie mit dem angegebenen Baum (Anhang) und führen sie zuerst den Umbau des Baums in eine "Rebe" durch (siehe Vorlesung `treeToVine`). Skizzieren Sie dabei den Baum nach jeder einzelnen Iteration des präsentierten Algorithmus. Am Ende sollte der Baum eine aufsteigend sortierte lineare Liste repräsentieren die über die **right** Pointer der Baumknoten verbunden sind.

Als nächsten Schritt simulieren Sie die eigentliche Balancierung des Baumes durch schrittweise Balancierung (siehe Vorlesung `vineToTree`). Geben Sie die notwendigen Berechnungen der Parameter des Algorithmus an, die nötig sind um `vineToTree` auszuführen. Insbesondere beachten sie, dass der Baum

- Abgabetermin: 04.04.2017 08:30
- Vorgabe Projekt
- ANT zum Builden
- **TODO** markierte Methoden in Klasse ***BinaryTreeUtil.java*** implementieren

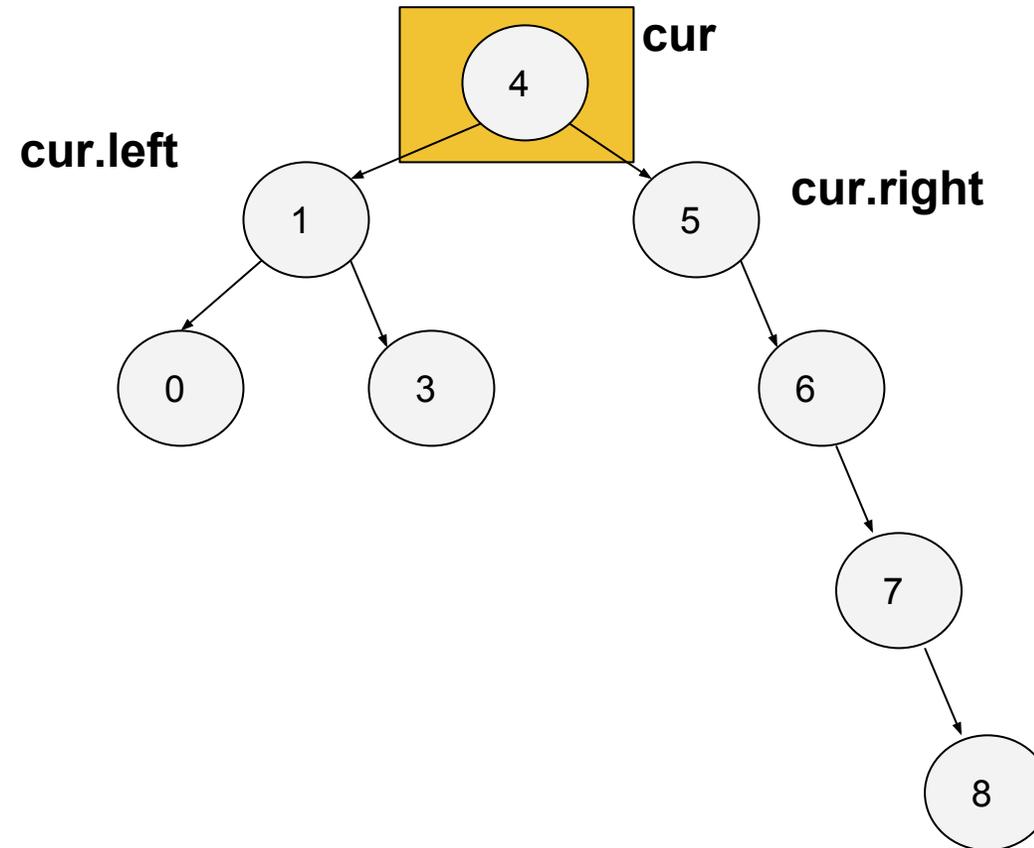
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right

Ausgabe

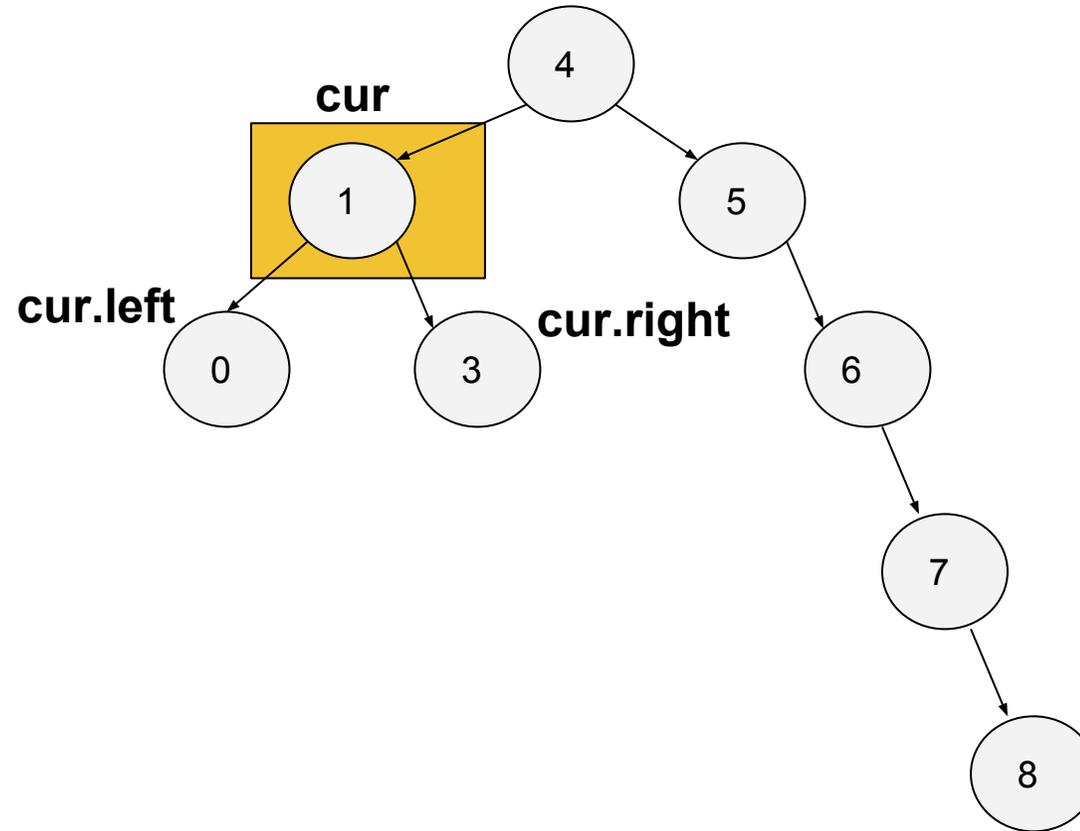
[]



Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right



Ausgabe

[]

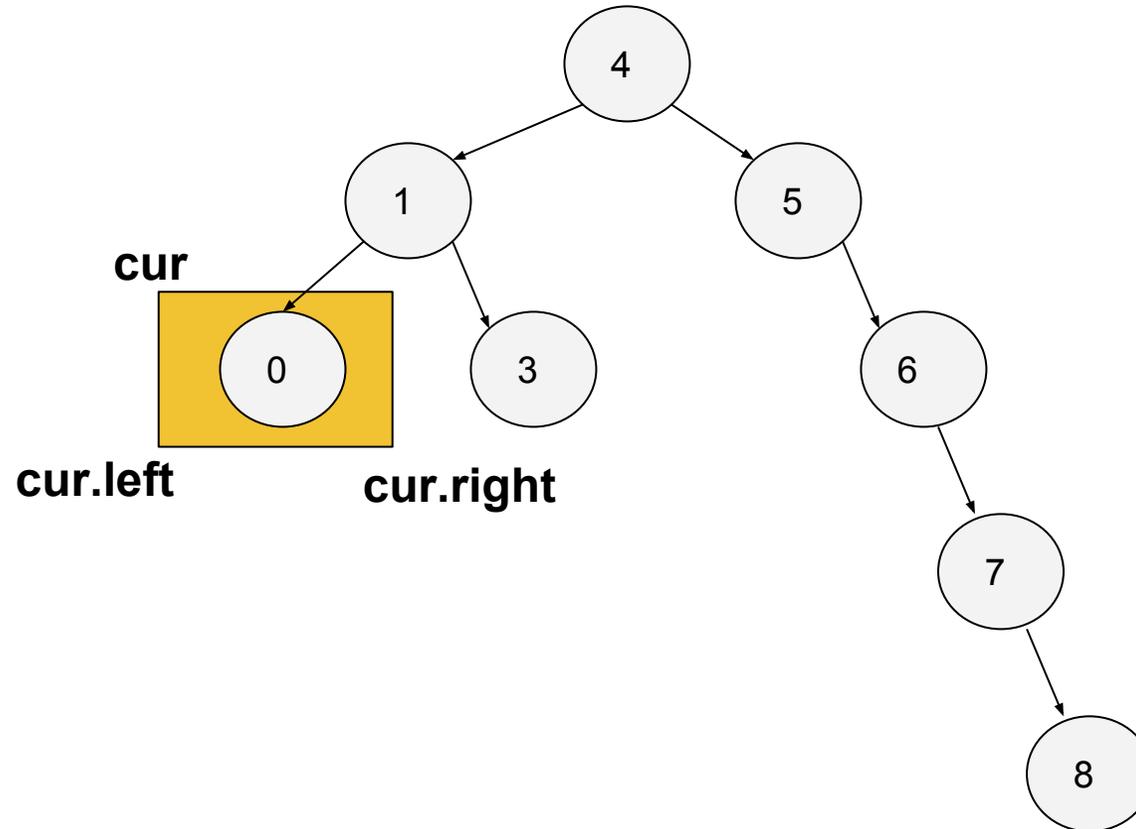
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right

Ausgabe

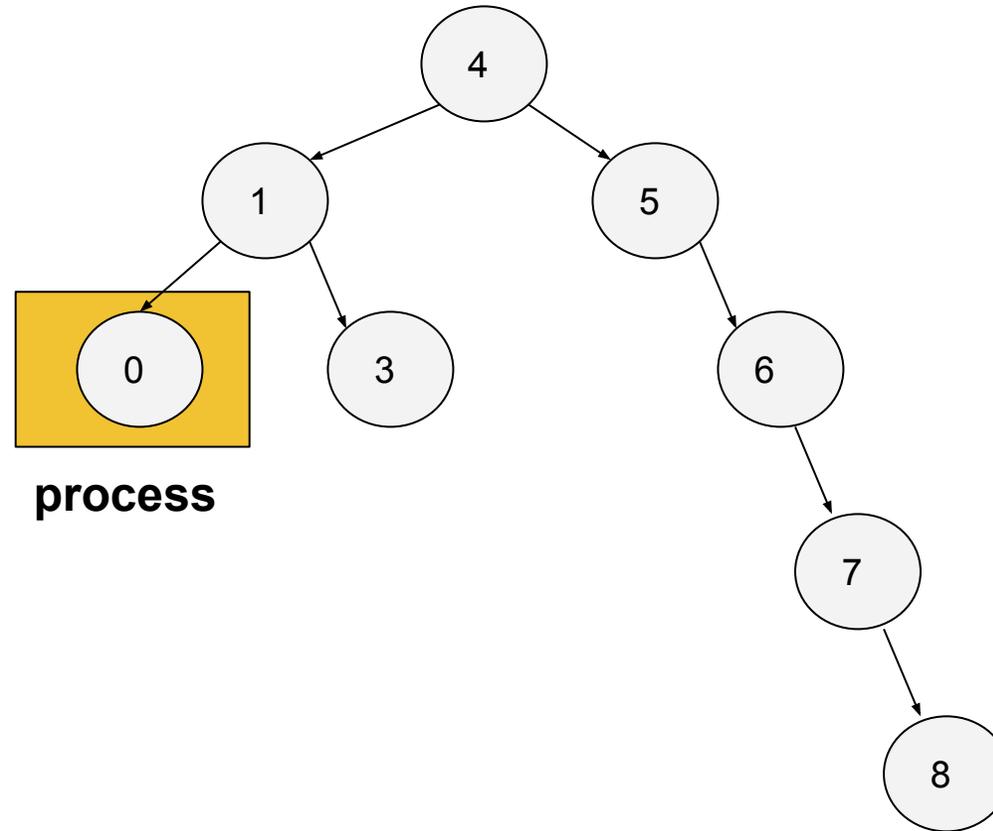
[]



Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right



Ausgabe

[0]

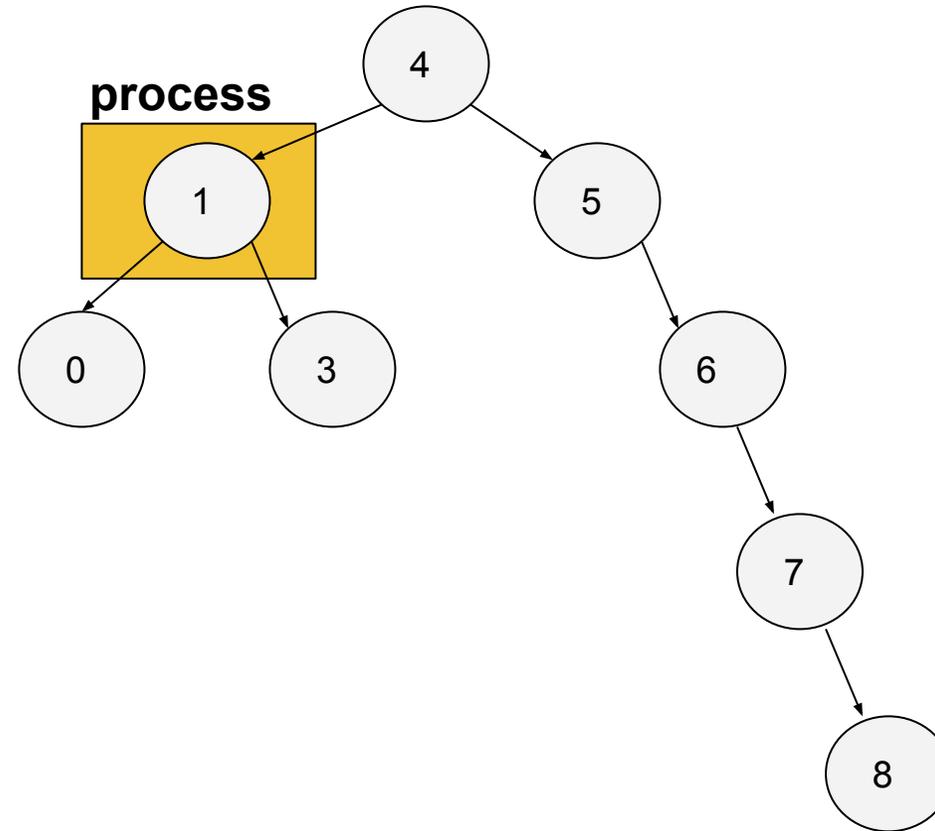
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right

Ausgabe

[0 - 1]



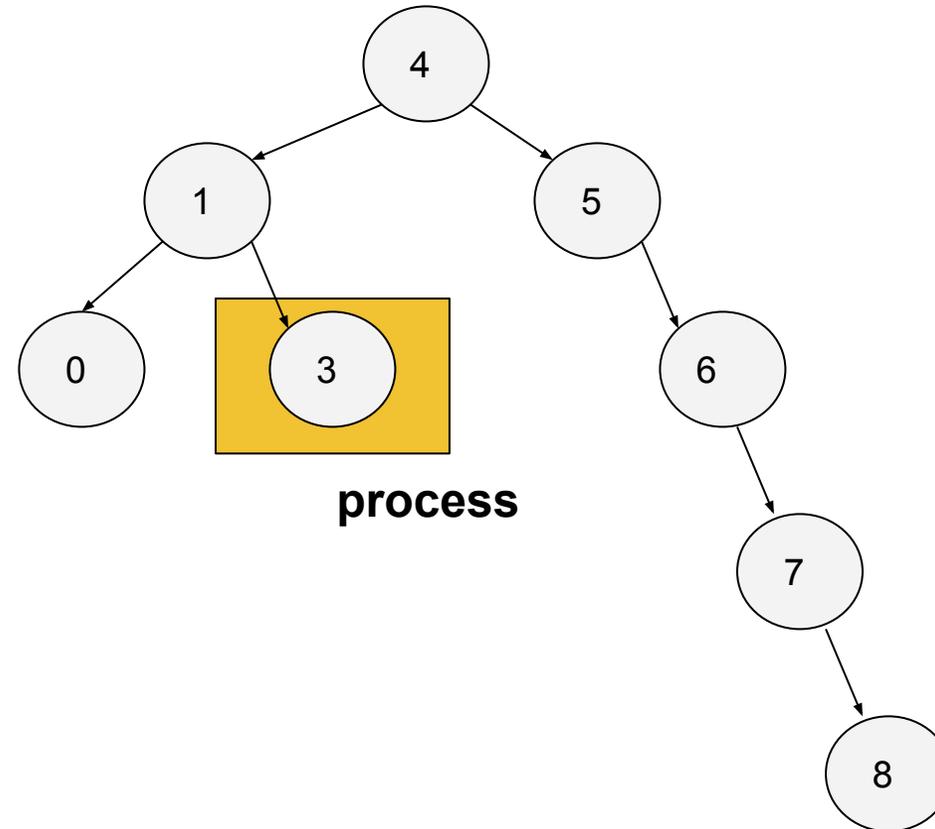
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right

Ausgabe

[0 - 1 - 3]



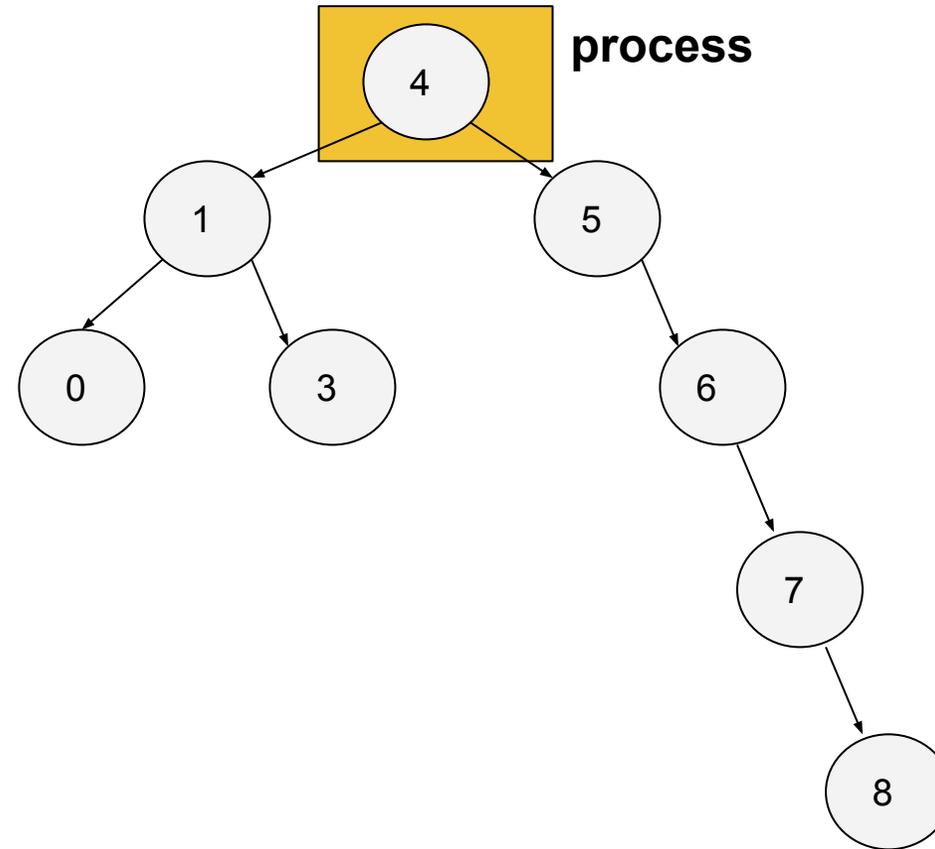
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right

Ausgabe

[0 - 1 - 3 - 4]



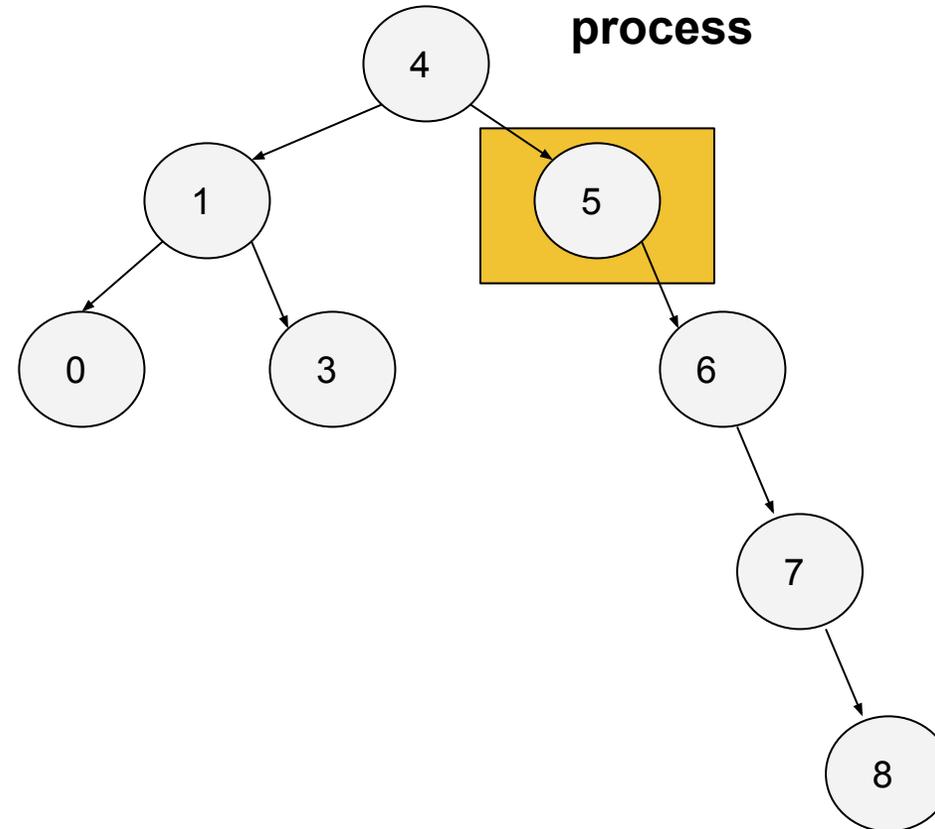
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right

Ausgabe

[0 - 1 - 3 - 4 - 5]



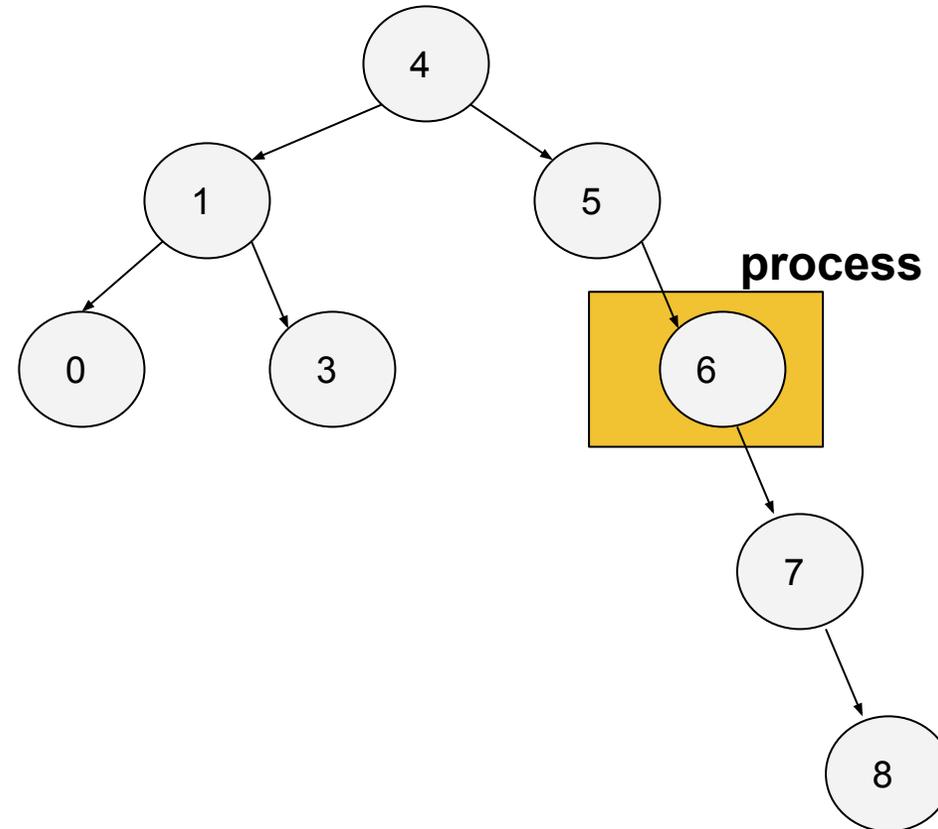
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right

Ausgabe

[0 - 1 - 3 - 4 - 5 - 6]



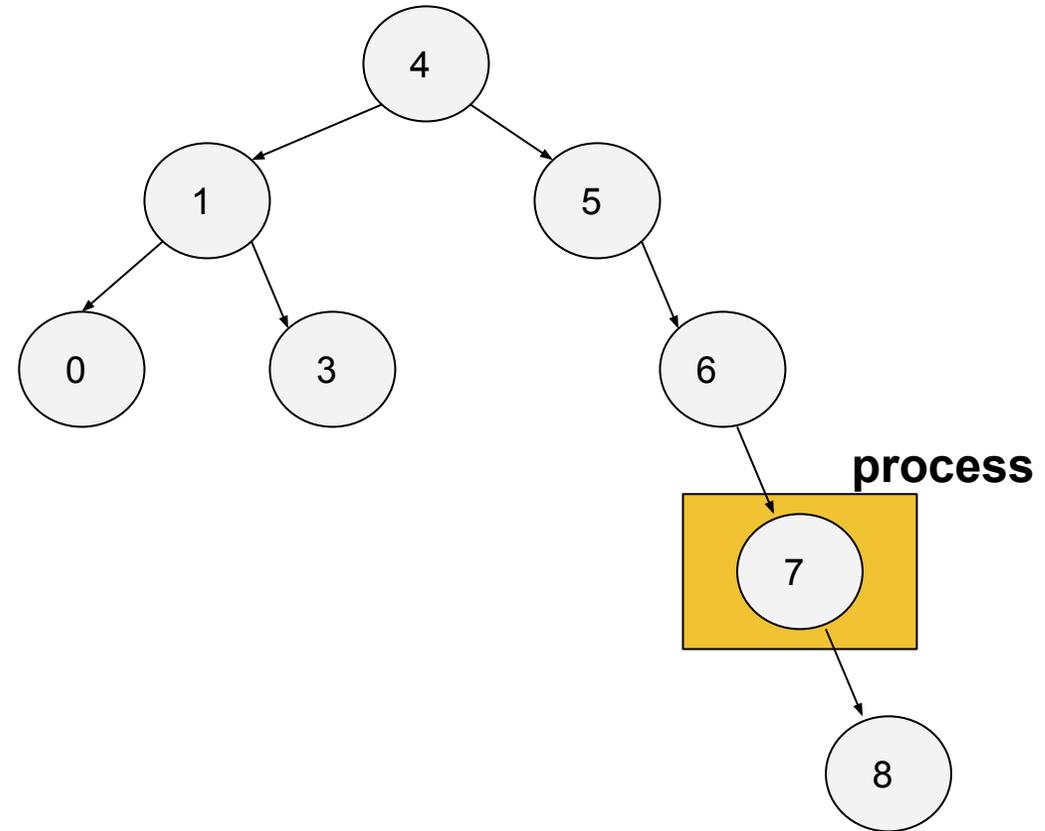
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right

Ausgabe

[0 - 1 - 3 - 4 - 5 - 6 - 7]



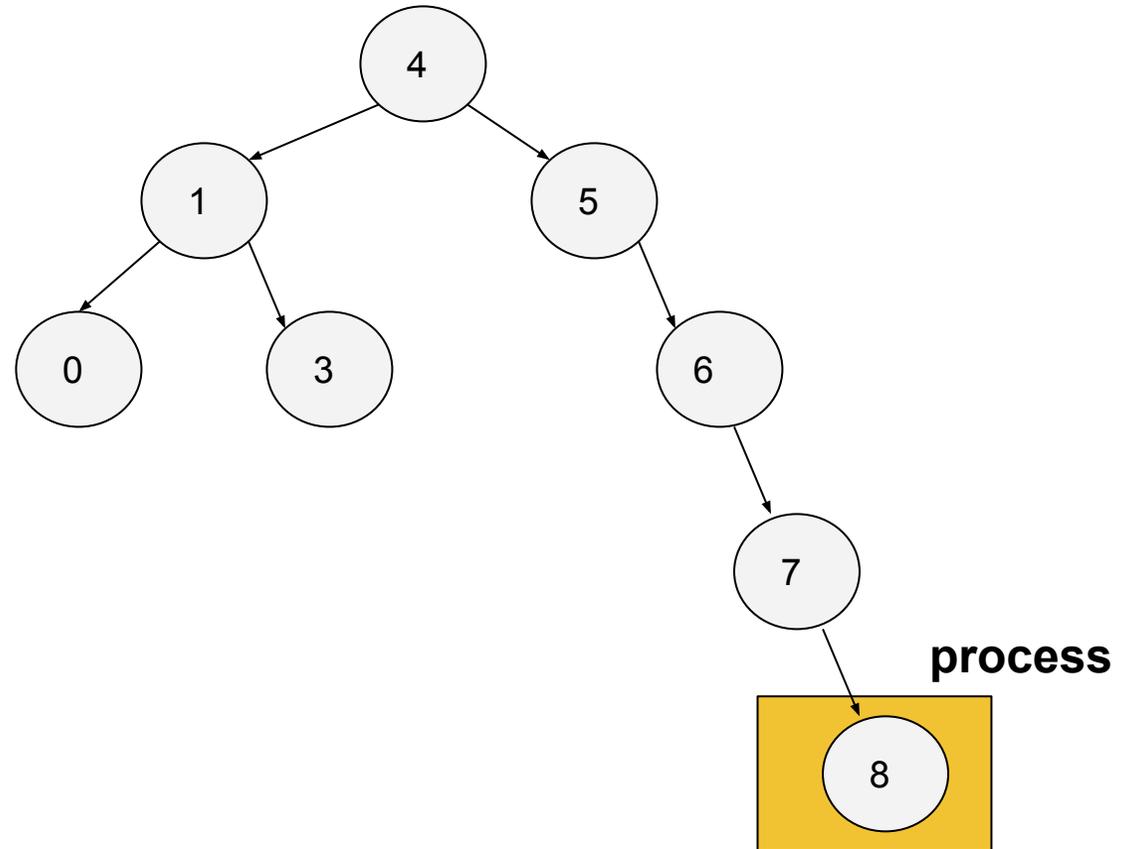
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right

Ausgabe

[0 - 1 - 3 - 4 - 5 - 6 - 7 - 8]



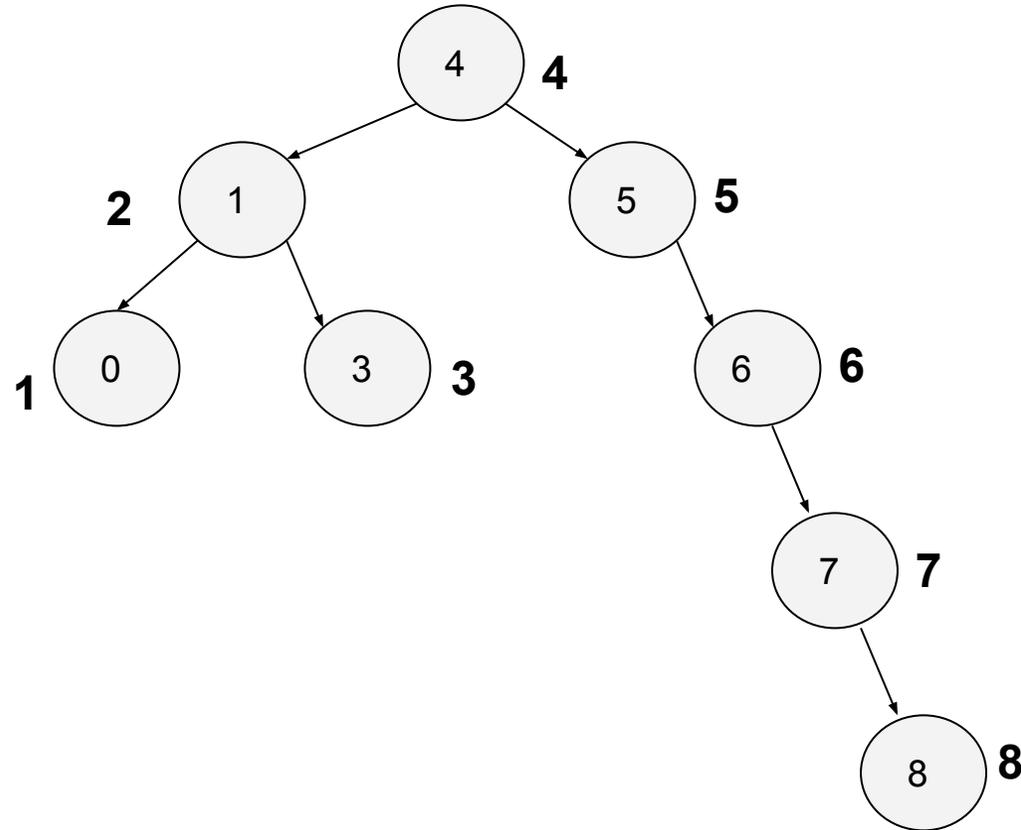
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

InOrder

1. process cur.left
2. process cur
3. process cur.right

Ausgabe

[0 - 1 - 3 - 4 - 5 - 6 - 7 - 8]



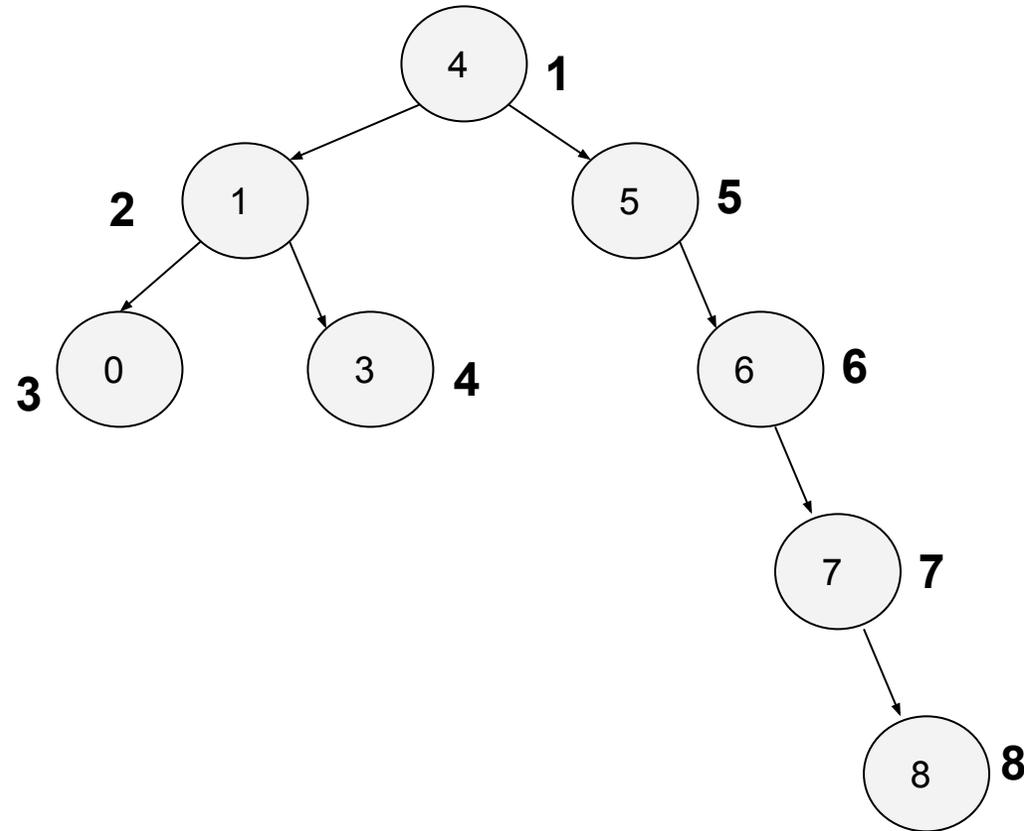
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

PreOrder

1. process cur
2. process cur.left
3. process cur.right

PreOrder

[4 - 1 - 0 - 3 - 5 - 6 - 7 - 8]



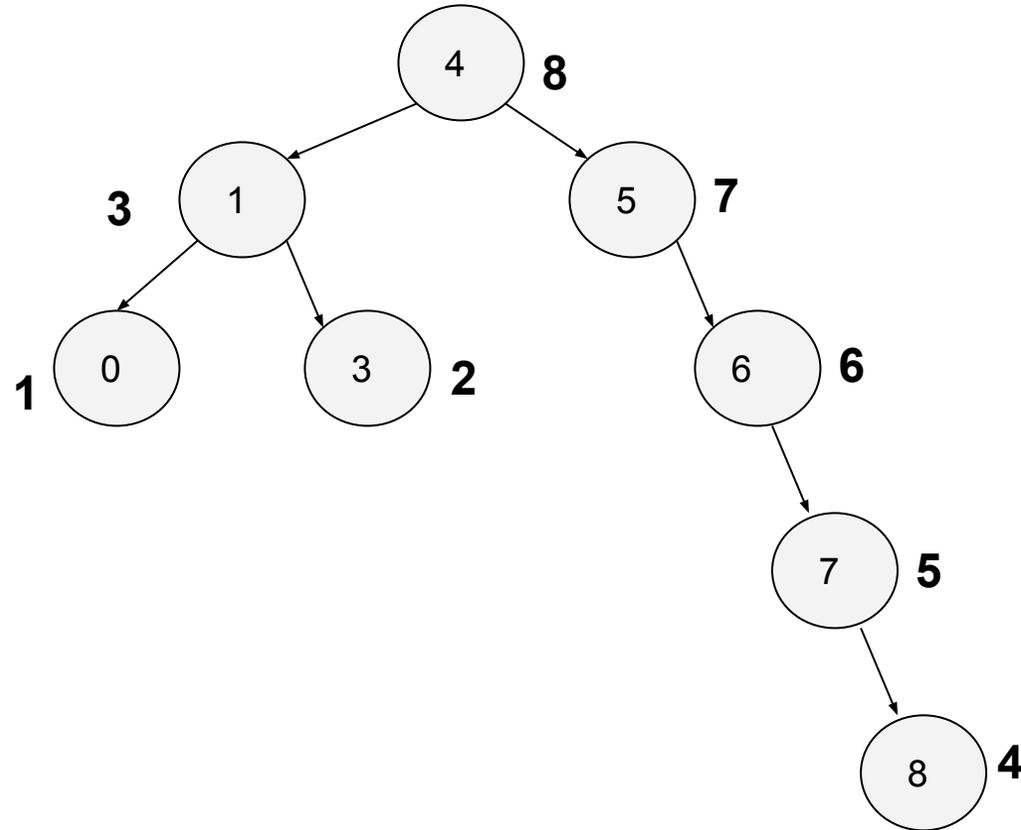
Übung 4 - Traversieren & Balancieren

PostOrder

1. process cur.left
2. process cur.right
3. process cur

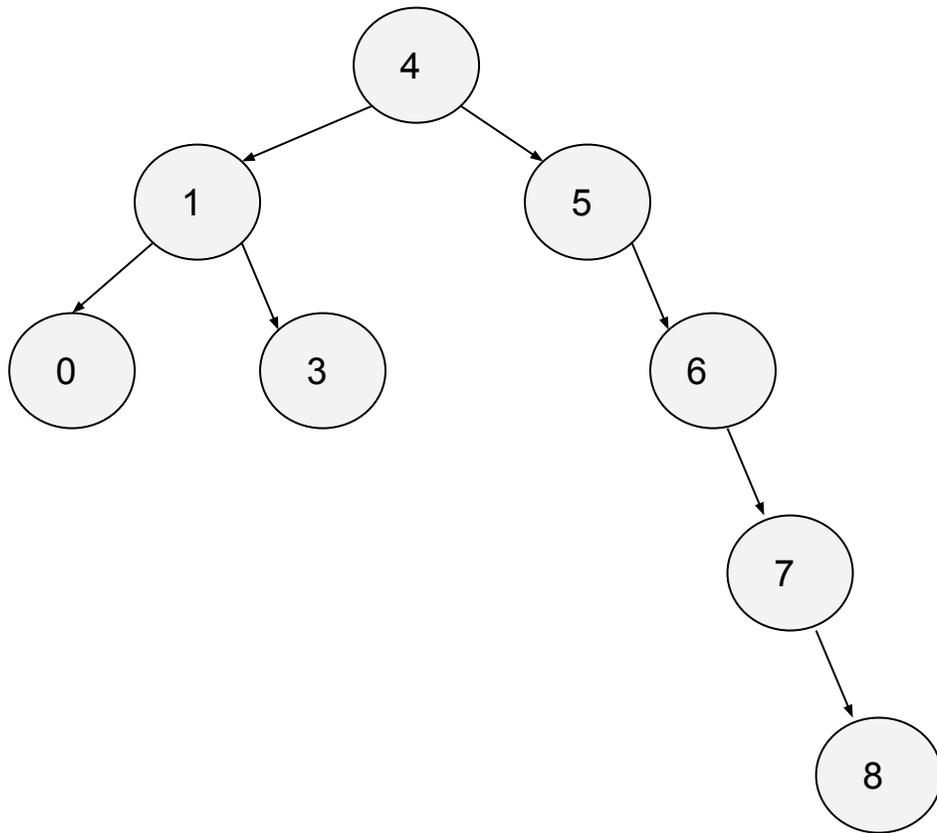
PostOrder

[0 - 3 - 1 - 8 - 7 - 6 - 5 - 4]



Übung 4 - Baum aus InOrder + PreOrder aufbauen

Zielbaum



Gegeben

PreOrder:

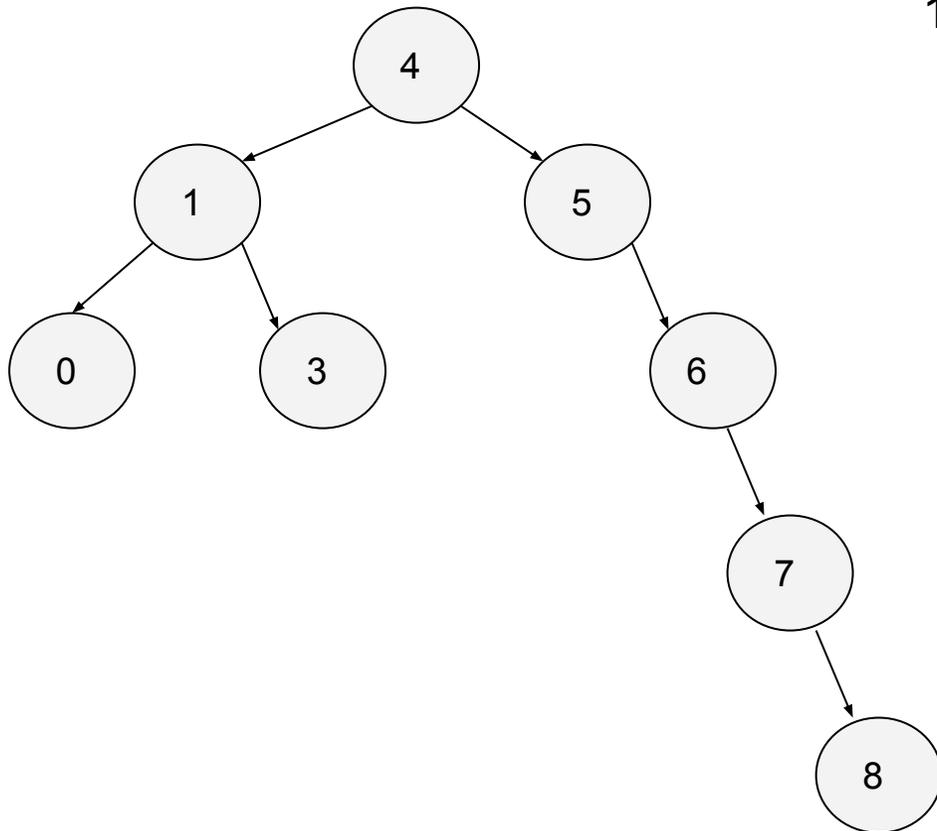
[4 - 1 - 0 - 3 - 5 - 6 - 7 - 8]

InOrder:

[0 - 1 - 3 - 4 - 5 - 6 - 7 - 8]

Übung 4 - Idee Rekursive Lösung

Zielbaum



Divide and Conquer

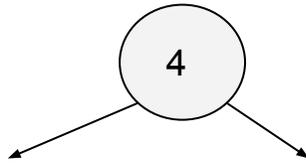
1. Baue current Node
 - a. Baue current.left rekursiv
 - b. Baue current.right rekursiv

PreOrder	4	1	0	3	5	6	7	8
----------	---	---	---	---	---	---	---	---

InOrder	0	1	3	4	5	6	7	8
---------	---	---	---	---	---	---	---	---

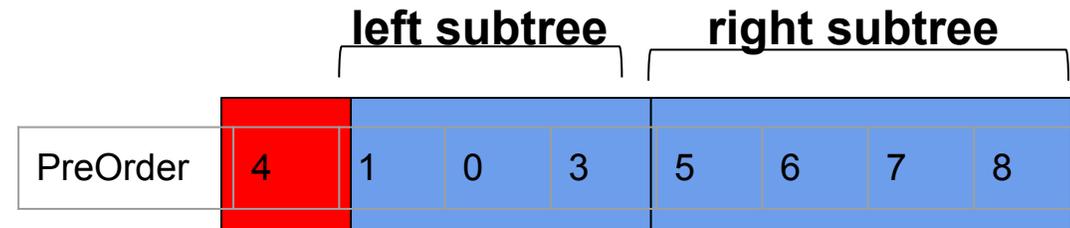
Übung 4 - Idee Rekursive Lösung

Baum

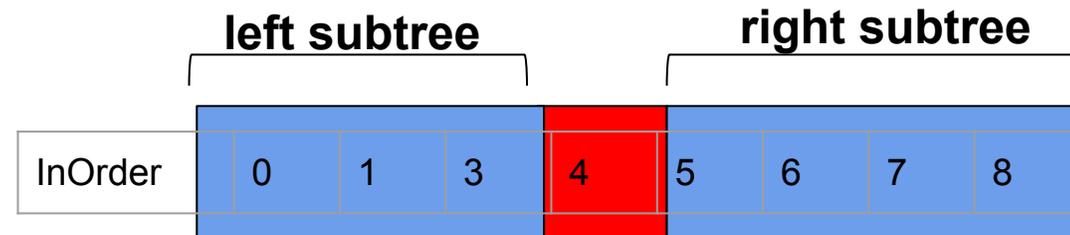


```
BinaryTreeNode buildTree0(int[] inorder, int[] preorder, int minPreIdx, int maxPreIdx, int minInIdx, int maxInIdx)
```

- Wir müssen in jedem Array den linken & rechten Subbaum finden.
- Rekursion über **preOrderArray** ist in preOrder.
- **InOrderArray** gibt uns die Größe des linken und rechten Subbaum
- `current.left = buildTree0(...)`
- `current.right = buildTree0(...)`



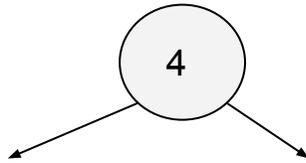
current



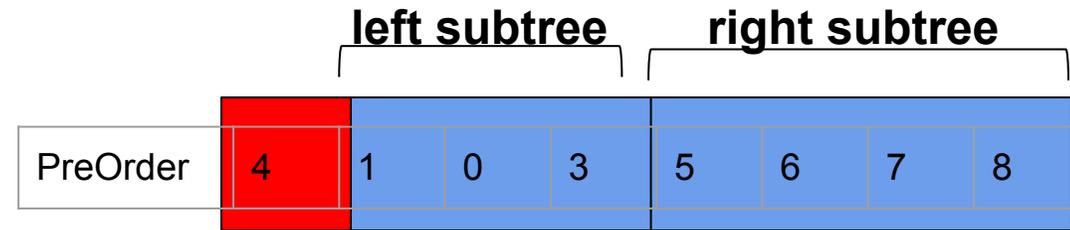
current

Übung 4 - PreOrder Indizes Berechnen

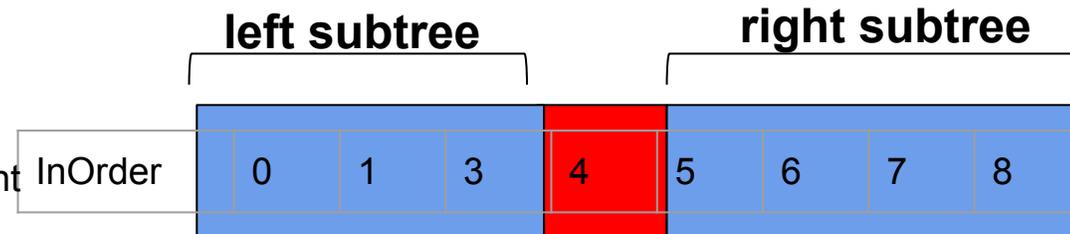
Baum



- Rekursion für `current.left`
 - `current = root = 4`
 - `currentPreOrderIndex = 0`
 - `current.left.preOrderIndex = 1`
- Rekursion für `current.right`
 - `preOrder[oldPreIndex + (currentInOrderIndex - oldInOrderIndex) + 1]`
 - `oldPreIndex = 0` (at start)
 - `currentInOrderIndex = 3`
 - `oldInOrderIndex = 0`
 - $\rightarrow \text{preOrder}[0 + (3 - 0) + 1] = \text{preOrder}[4] = 5$
- InOrder Traversierung wird benutzt (mit sub tree size) um left & right Index in PreOrder zu finden



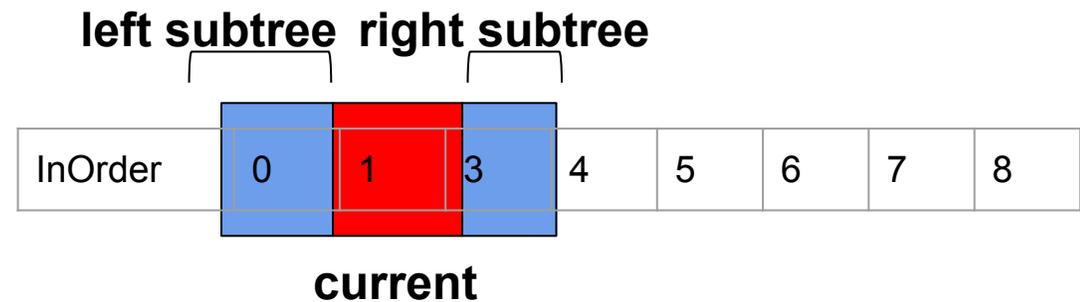
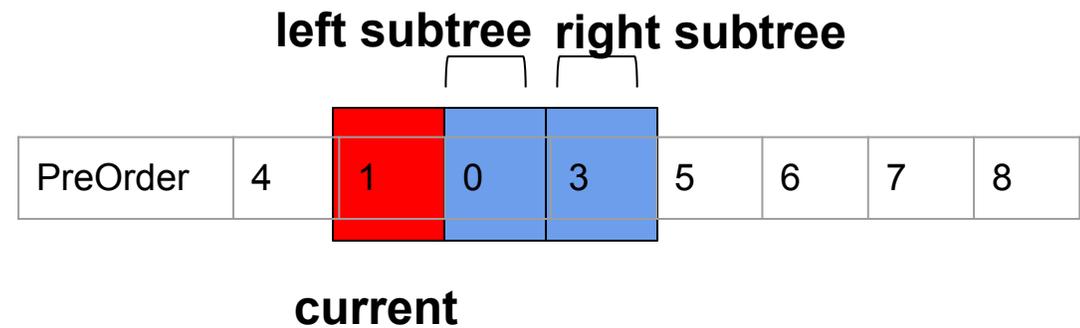
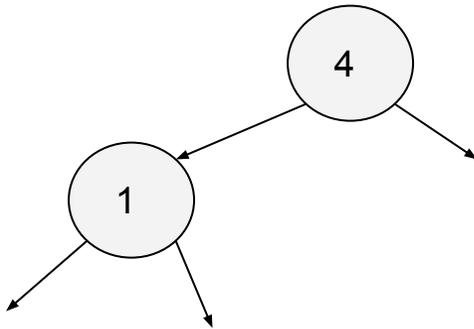
current



current

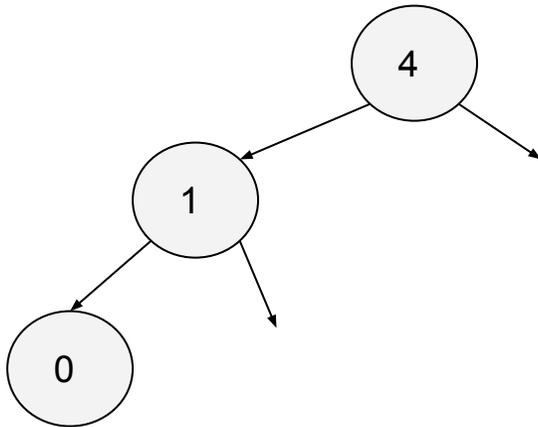
Übung 4 - Idee Rekursive Lösung

Baum

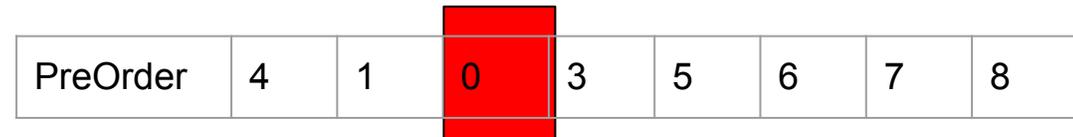


Übung 4 - Idee Rekursive Lösung

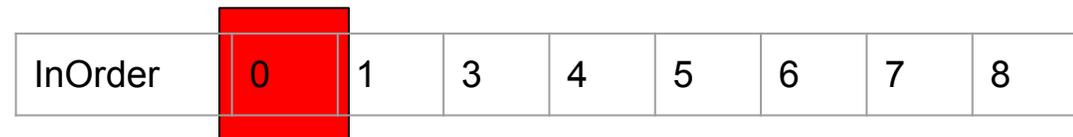
Baum



No children



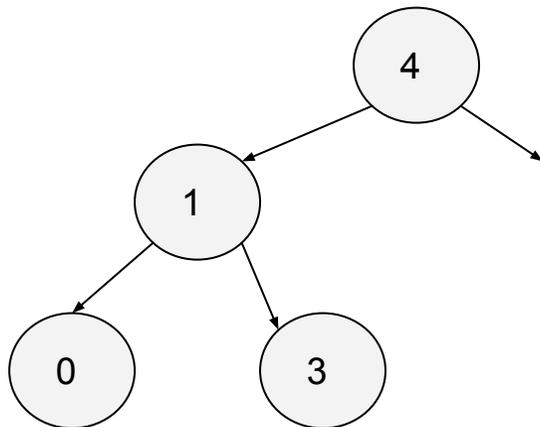
current



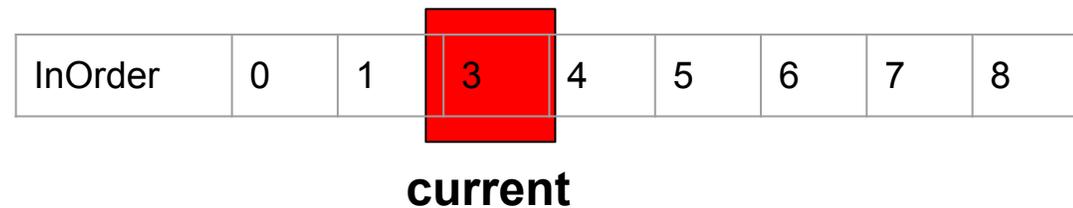
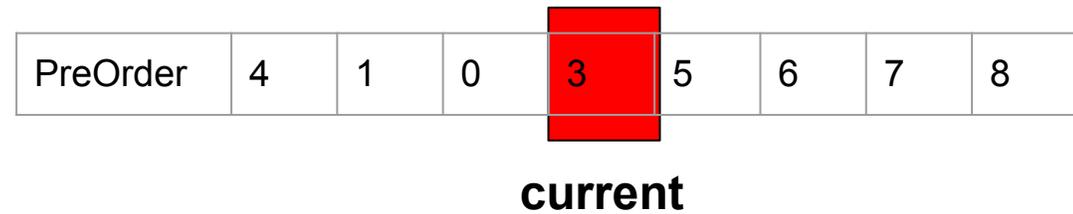
current

Übung 4 - Idee Rekursive Lösung

Baum

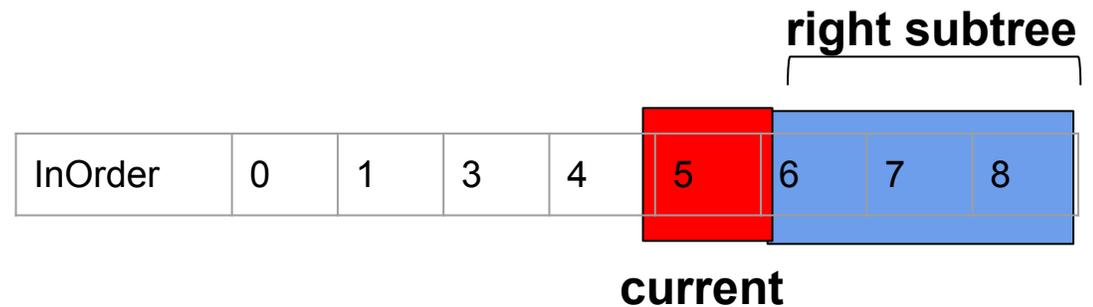
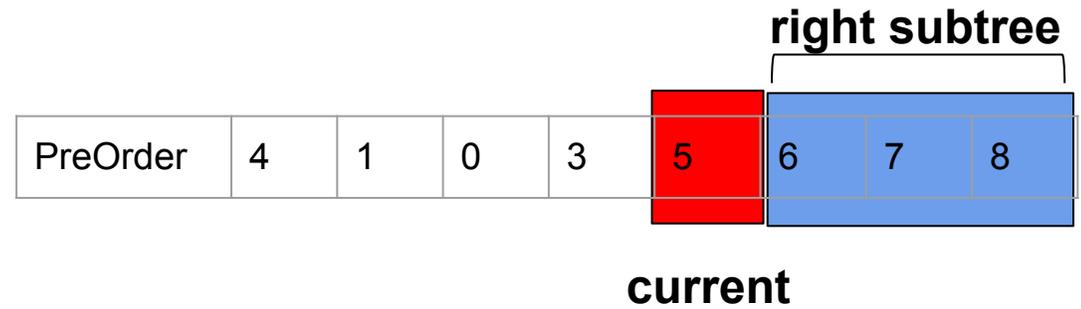
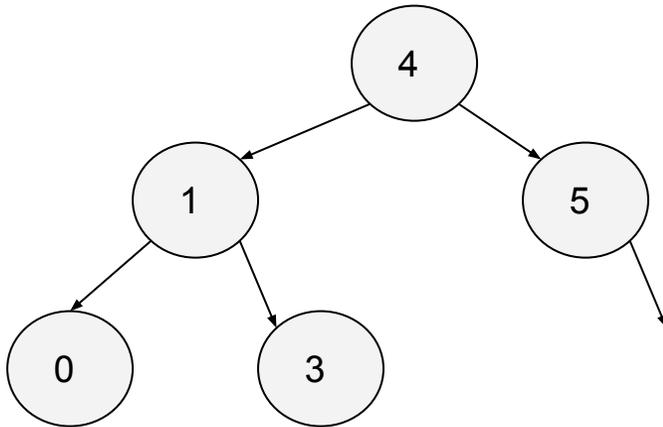


No children



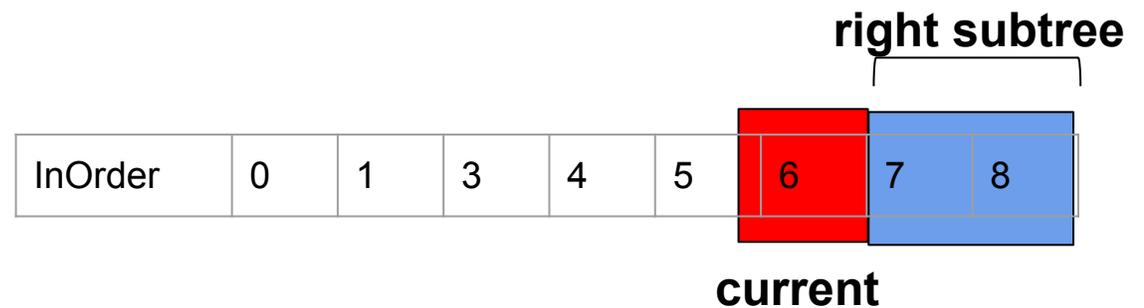
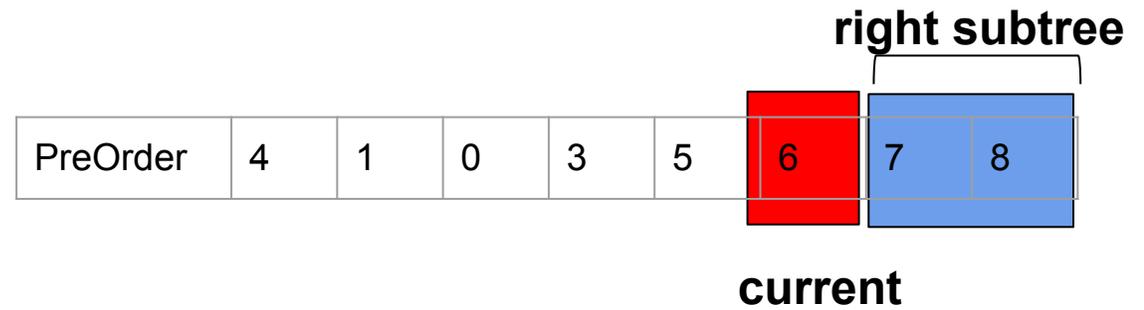
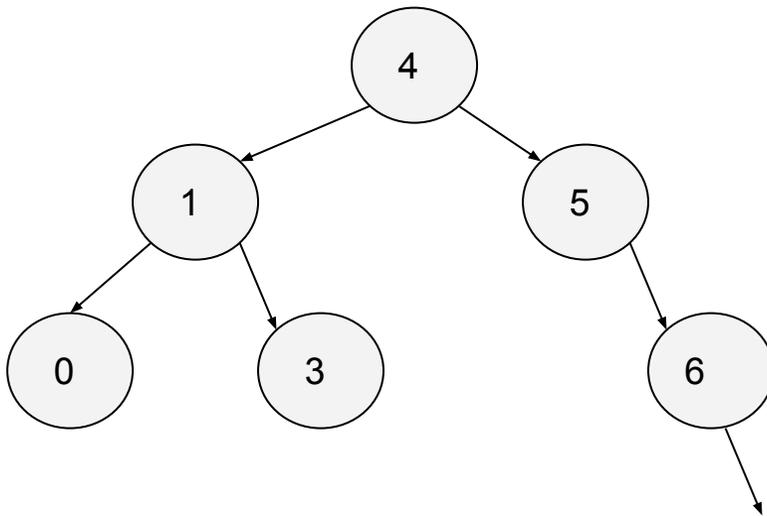
Übung 4 - Idee Rekursive Lösung

Baum



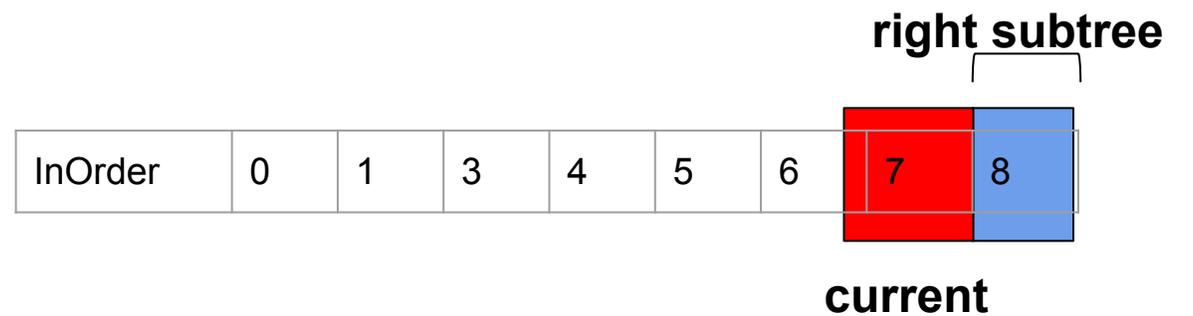
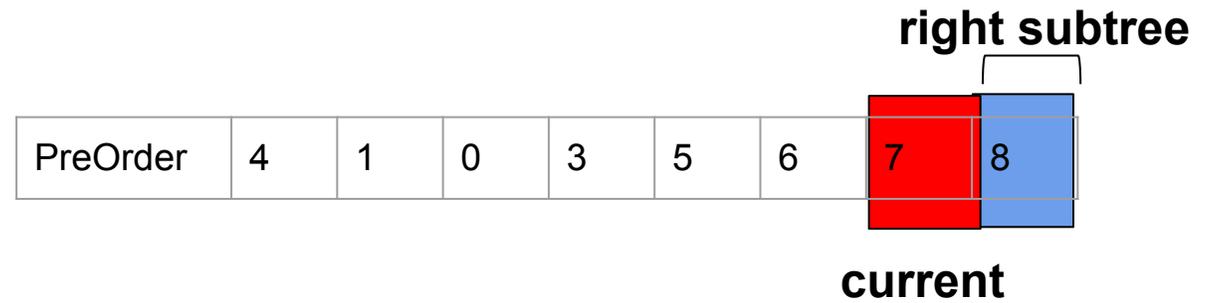
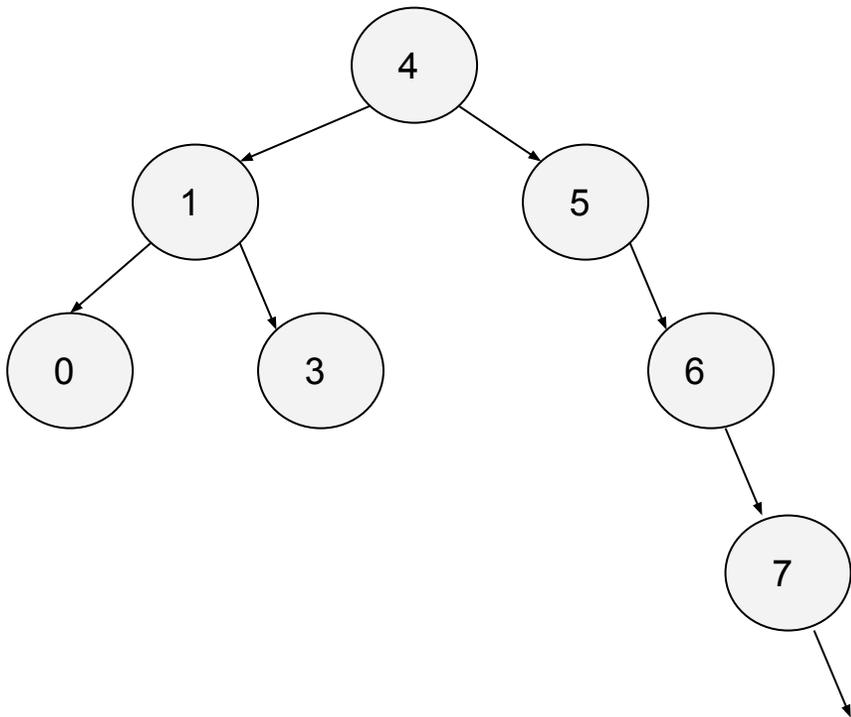
Übung 4 - Idee Rekursive Lösung

Baum



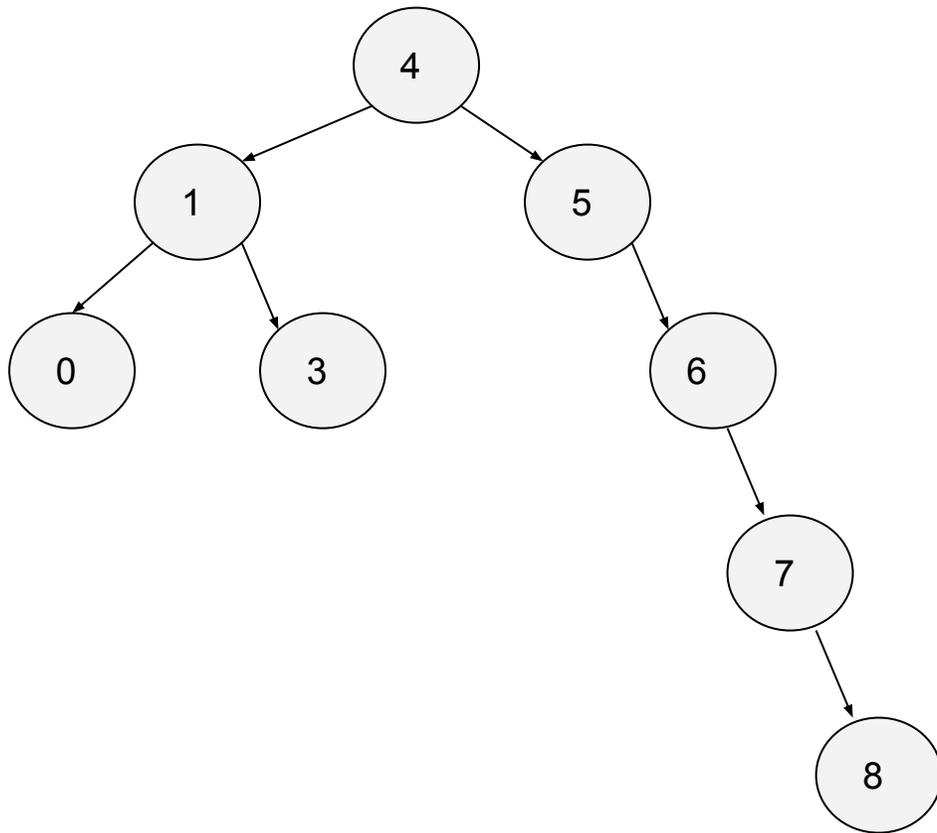
Übung 4 - Idee Rekursive Lösung

Baum



Übung 4 - Idee Rekursive Lösung

Baum



PreOrder	4	1	0	3	5	6	7	8
----------	---	---	---	---	---	---	---	---

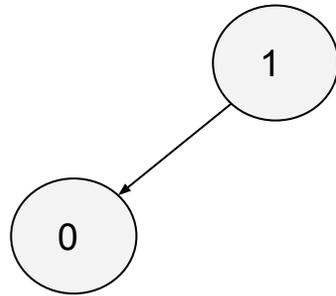
current

InOrder	0	1	3	4	5	6	7	8
---------	---	---	---	---	---	---	---	---

current

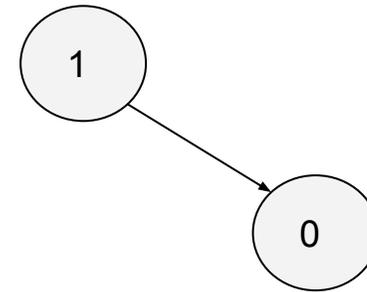
Übung 4 - Selbe Lösung PreOrder + PostOrder ?

Nein



PreOrder : 1 - 0

PostOrder: 0 - 1



PreOrder : 1 - 0

PostOrder: 0 - 1

Danke

